
MOHAMED ZARRABI, Université Bordeaux 1, IMB, 351 cours de la Libération, F-33405, Talence Cedex, France
Des résultats de type Katznelson–Tzafriri pour les contractions

Soit T une contraction sur un espace de Banach. On note $\sigma(T)$ le spectre de T , \mathbb{T} le cercle unité et

$$A^+(\mathbb{T}) = \left\{ f = \sum_{n \geq 0} a_n z^n, \sum_{n \geq 0} |a_n| < +\infty \right\}.$$

Le théorème de Katznelson–Tzafriri dit que si $f \in A^+(\mathbb{T})$ vérifie la synthèse spectrale pour $\sigma(T) \cap \mathbb{T}$ dans l'algèbre de Wiener classique, alors $\lim \|T^n f(T)\| = 0$. On note que $\lim \|T^n f(T)\|$ existe pour toute fonction f dans $A^+(\mathbb{T})$. On discutera comment on peut calculer ou estimer cette limite suivant la nature de $\sigma(T) \cap \mathbb{T}$.